

# 数学 I ・ 数学 A

(全 問 必 答)

## 第 1 問 (配点 25)

[1] 2 次方程式  $x^2 - 3x - 1 = 0$  の解が  $\alpha, \beta$  で,  $\alpha > \beta$  とするとき,

$$\alpha = \frac{\boxed{\text{ア}} + \sqrt{\boxed{\text{イウ}}}}{2}, \quad \beta = \frac{\boxed{\text{ア}} - \sqrt{\boxed{\text{イウ}}}}{2}$$

である。また,

$m < \alpha < m + 1$  を満たす整数  $m$  の値は  $m = \boxed{\text{エ}}$

$n < \beta < n + 1$  を満たす整数  $n$  の値は  $n = \boxed{\text{オカ}}$

である。

(数学 I ・ 数学 A 第 1 問は次ページに続く。)

次に、

$$\alpha + \frac{1}{\alpha} = \sqrt{\boxed{\text{キク}}}$$

であり、

$$\alpha^3 + \frac{1}{\alpha^3} = \boxed{\text{ケコ}} \sqrt{\boxed{\text{サシ}}}$$

である。

(数学 I・数学 A 第 1 問は次ページに続く。)

## 数学 I・数学 A

[2]  $a$  は実数とし,  $b$  は 0 でない実数とする。 $a$  と  $b$  に関する条件  $p, q, r$  を次のように定める。

$p$  :  $a, b$  はともに有理数である

$q$  :  $a + b, ab$  はともに有理数である

$r$  :  $\frac{a}{b}$  は有理数である

(1) 次の [ス] に当てはまるものを, 下の①~③のうちから一つ選べ。

条件  $p$  の否定  $\bar{p}$  は [ス] である。

- ① 「 $a, b$  はともに有理数である」
- ② 「 $a, b$  はともに無理数である」
- ③ 「 $a, b$  の少なくとも一方は有理数である」
- ④ 「 $a, b$  の少なくとも一方は無理数である」

(2) 次の [セ] に当てはまるものを, 下の①~③のうちから一つ選べ。

条件 「 $q$ かつ $r$ 」 は条件  $p$  が成り立つための [セ]。

- ① 必要十分条件である
- ② 必要条件であるが十分条件ではない
- ③ 十分条件であるが必要条件ではない
- ④ 必要条件でも十分条件でもない

(数学 I・数学 A 第 1 問は次ページに続く。)

(3) 次の①～⑦のうち、正しいものは ソ である。

- ① 「 $p \Rightarrow q$ 」は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は真である。
- ② 「 $p \Rightarrow q$ 」は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は偽である。
- ③ 「 $p \Rightarrow q$ 」は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は真である。
- ④ 「 $p \Rightarrow q$ 」は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は真である。
- ⑤ 「 $p \Rightarrow q$ 」は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は真、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は偽である。
- ⑥ 「 $p \Rightarrow q$ 」は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は真である。
- ⑦ 「 $p \Rightarrow q$ 」は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の逆は偽、「 $p \Rightarrow q$ 」の対偶は偽である。

# 数学 I・数学 A

## 第 2 問 (配点 25)

2 次関数

$$y = 6x^2 + 11x - 10 \cdots \cdots \cdots \quad ①$$

について考える。

①において、 $y \leq 0$  となる  $x$  の値の範囲は

$$\frac{\boxed{\text{アイ}}}{\boxed{\text{ウ}}} \leqq x \leqq \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}}}$$

である。

①のグラフを  $x$  軸方向に  $a$ ,  $y$  軸方向に  $b$  だけ平行移動して得られるグラフを  $G$  とする。  $G$  が原点(0, 0)を通るとき,

$$b = \boxed{\text{カキ}} a^2 + \boxed{\text{クケ}} a + \boxed{\text{コサ}}$$

であり、このとき  $G$  を表す 2 次関数は

$$y = \boxed{\text{シ}} x^2 - (\boxed{\text{スセ}} a - \boxed{\text{ソタ}})x \cdots \cdots \cdots \quad ②$$

である。

(数学 I・数学 A 第 2 問は次ページに続く。)

$x = -2$  と  $x = 3$  に対応する 2 次関数 ② の値が等しくなるのは

$$a = \frac{\boxed{\text{チツ}}}{\boxed{\text{テト}}}$$

のときである。このとき、2 次関数 ② の  $-2 \leq x \leq 3$  における

最小値は  $\frac{\boxed{\text{ナニ}}}{\boxed{\text{ヌ}}}$ , 最大値は  $\boxed{\text{ネノ}}$

である。

数学 I・数学 A

第3問 (配点 25)

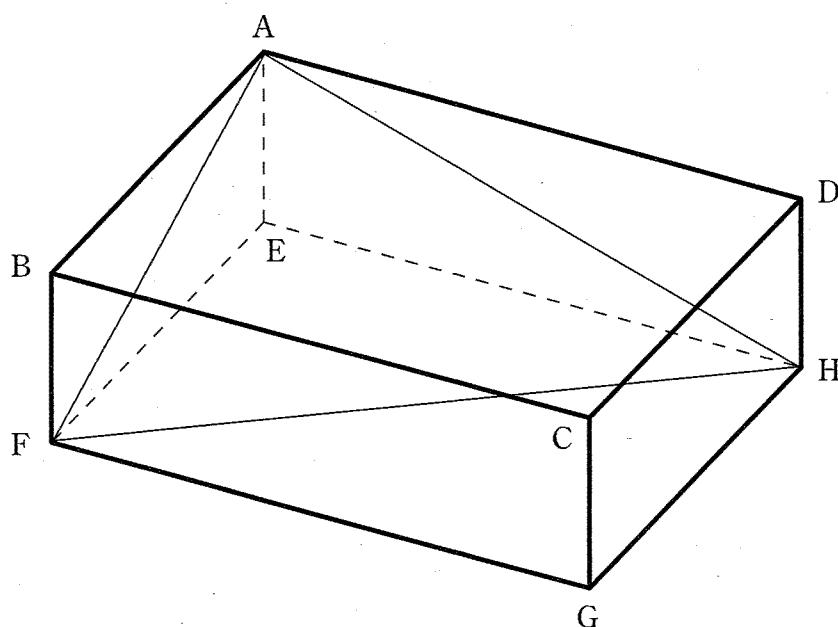
下の図のような直方体 ABCD-EFGH において、

$$AE = \sqrt{10}, AF = 8, AH = 10$$

とする。

このとき、 $FH = \boxed{\text{アイ}}$  であり、 $\cos \angle FAH = \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}$  である。

また、三角形 AFH の面積は  $\boxed{\text{オカ}} \sqrt{\boxed{\text{キ}}}$  である。



(数学 I・数学 A 第3問は次ページに続く。)

次に、 $\angle AFH$  の二等分線と辺 AH の交点を P,  $\angle FAH$  の二等分線と辺 FH の交点を Q, 線分 FP と線分 AQ の交点を R とする。このとき, R は三角形 AFH の [ク] である。次の①～②のうちから [ク] に当てはまるものを一つ選べ。

① 重心

② 外心

③ 内心

また,  $AP = [ケ]$  であり, したがって,

$$PF : PR = [コ] : 1$$

となる。さらに, 四面体 EAPR の体積は  $[サ] \sqrt{[シ]}$  である。

## 数学 I ・ 数学 A

### 第 4 問 (配点 25)

袋 A, B, C, D があり、それぞれに 4 枚のカードが入っている。各袋のカードには、1 から 4 までの番号がつけられている。袋 A, B, C, D からカードを 1 枚ずつ取り出し、出た数をそれぞれ  $a, b, c, d$  とする。

- (1)  $a, b, c, d$  の最大の数が 3 以下である場合は **アイ** 通りあり、最大の数が 4 である場合は **ウエオ** 通りある。
- (2)  $a, b, c, d$  について、 $a < b < c$  となる場合は **カキ** 通りある。

(数学 I ・ 数学 A 第 4 問は次ページに続く。)

(3) 出た数  $a, b, c, d$  によって、次のように得点を定める。

$a \leq b \leq c \leq d$  のときは、 $(d - a + 1)$  点

それ以外のときは、0 点

(i) 得点が1点となる確率は  $\frac{\text{ク}}{\text{ケコ}}$  であり、得点が4点となる確率は

$\frac{\text{サ}}{\text{シスセ}}$  である。

(ii) 得点の期待値は  $\frac{\text{ソタ}}{\text{チツテ}}$  点である。

## 補 足 説 明

数学① 「数学 I ・ 数学 A」

21ページ 第3問

三角形において、

その外接円の中心を外心、

その内接円の中心を内心という。